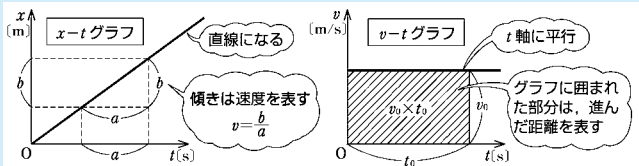


2

速さと速度

まとめ

- ① **速さ** 単位時間あたりに進んだ距離。 $v = \frac{s}{t}$ v [m/s] : 速さ, s [m] : 移動距離, t [s] : 時間
- ② **速度** v 速さと向きを示すベクトル。速度の大きさが速さ。平均の速度を \bar{v} と表すことがある。
 $v = \frac{\Delta x}{\Delta t}$ v [m/s] : 速度, Δx [m] : 変位, Δt [s] : 時間
- ③ **等速直線運動** 一定の速度で直線上を進む運動(等速度運動ともいう)。
 $x = vt$ ($t=0$ s で $x=0$ m の場合) x [m] : 位置, v [m/s] : 速度, t [s] : 時刻



- ④ **速度の合成** $v = v_1 + v_2$ v : 合成速度
合成速度を求めることを速度の合成という。
川上 $\xrightarrow{v_1}$ $\xrightarrow{v_2}$ \xrightarrow{v} 川下 川上 $\xrightarrow{v_1}$ $\xleftarrow{v_2}$ \xrightarrow{v} 川下
 v_1 : 流れがないときの船の速度
 v_2 : 川の流れる速度, v : 岸から見た船の速度
- ⑤ **相対速度** 運動する観測者Aから見たときのBの速度。
 $v_{AB} = v_B - v_A$ v_{AB} : Aに対するBの相対速度
 v_A : Aの速度, v_B : Bの速度

例題 1 速さと単位 距離 $s=100$ m を時間 $t=10$ s で走る陸上選手の平均の速さ \bar{v} は何 m/s か、また何 km/h か。

単位の変換 →各要素ごとに変換 (条件) 距離 $s=100$ m = 0.100 km, 時間 $t=10$ s = $\frac{10}{60 \times 60}$ h
解答 $\bar{v} = \frac{s}{t} = \frac{100 \text{ m}}{10 \text{ s}} = 10 \text{ m/s} = \frac{0.100 \text{ km}}{\frac{10}{60 \times 60} \text{ h}} = 0.100 \text{ km} \times \frac{60 \times 60}{10 \text{ h}} = 36 \text{ km/h}$

- 類題 1** 300 m の距離を 15 s 間で走る自動車の平均の速さは何 m/s か、また何 km/h か。
- 類題 2** 一定の速さ 60 m/s で走行している新幹線は 2 時間半で何 km 走行するか。

例題 2 速さと速度 東西にA地点とB地点を通る一直線の道路がある。AB=80 m, Bを原点、東向きを正にx軸をとる。太郎君はAを時刻 $t=0$ s に出発して進み、 $t=2.0$ s に $x=72$ m の地点を通過し、 $t=6.0$ s に $x=56$ m の地点を通過した。この間の太郎君の平均の速さ v [m/s] と平均の速度 \bar{v} [m/s] を求めよ。

条件 $t=2.0$ s のとき $x=72$ m
 $t=6.0$ s のとき $x=56$ m

解答 移動距離 s [m] は $s=72 \text{ m} - 56 \text{ m} = 16 \text{ m}$ 時間 Δt [s] は $\Delta t=6.0 \text{ s} - 2.0 \text{ s} = 4.0 \text{ s}$
 速さ $v = \frac{s}{\Delta t} = \frac{16 \text{ m}}{4.0 \text{ s}} = 4.0 \text{ m/s}$

変位 Δx [m] は $\Delta x=56 \text{ m} - 72 \text{ m} = -16 \text{ m}$ 速度 $\bar{v} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{-16 \text{ m}}{4.0 \text{ s}} = -4.0 \text{ m/s}$

類題 3 x 線上を一定の速度 -3.0 m/s で進む物体がある。 $x=8.0$ m の位置を通過してから 2.0 s 後までの移動距離は何 m か。変位は何 m か。また、その 2.0 s 後の位置 x [m] はいくらか。

例題 3 等速直線運動 電車が速さ $v=15$ m/s で等速直線運動をしている。電車は時間 $t=20$ s の間に何 m 進むか。

等速直線運動の移動距離 (条件) $v=15$ m/s, $t=20$ s を代入。
 → $x=vt$ を使う。 (解答) $x=15 \text{ m/s} \times 20 \text{ s} = 300 \text{ m} = 3.0 \times 10^2 \text{ m}$

類題 4 まっすぐな道路を自動車が 60 km/h の速さで走っている。15 km 先のサービスエリアに着くまでに何分かかかるか。また、サービスエリアへ 10 分で行くためには何 km/h で走ればよいか。

例題 4 速度の合成 静水では岸に対して速度 $v_1=2$ m/s で進むボートが、岸に対して速度 $v_2=3$ m/s で流れる川を、流れに沿って下ろうとするときの岸に対する速度 v は何 m/s か。

速度の合成 (条件) ボート $\xrightarrow{v_1=2 \text{ m/s}}$
 流水 $\xrightarrow{v_2=3 \text{ m/s}}$ } 合成して $\xrightarrow{v_1} \xrightarrow{v_2} \xrightarrow{v}$ (解答) 5 m/s
 →ベクトルの合成

類題 5 東向きに 20 m/s の速さで走っている電車の中を、西に向かって 1 m/s の速さで歩いている人は、地面に対してどちら向きに何 m/s の速さで進むか。

類題 6 250 km/h で走る列車の中で後方に 100 km/h で投げられたボールの、地面に対する速度はどの向きに何 km/h か。

例題 5 相対速度 20 m/s の速さで走っている列車と同じ向きに、自動車が 15 m/s の速さで走っている。列車から見た自動車の速度 v はいくらか。

同一方向の相対速度 → $v = v_{\text{相手}} - v_{\text{観測者}}$
 (条件) 相手→自動車, 観測者→列車
 $v_{\text{相手}}=15 \text{ m/s}$, $v_{\text{観測者}}=20 \text{ m/s}$
 (解答) $v=15 \text{ m/s} - 20 \text{ m/s} = -5 \text{ m/s}$ 列車と逆向きに 5 m/s
 (類題 7) 20 m/s の速さで走っている列車と逆向きに 15 m/s の速さで走っている自動車の、列車に対する相対速度はどの向きに何 m/s か。

相対速度とは、自分が止まっているものとして表した相手の速度のことです。

12 熱と温度

まとめ①

- 物質の三態 固体・液体・気体のこと。物質の温度や圧力を変えていくと状態変化が起こる。
- 熱運動 原子・分子などの粒子の不規則な運動。温度の上昇とともに激しくなる。
- 温度 熱運動の激しさを表す物理量。
- 絶対温度 絶対零度(-273℃)を基点とした温度。
 $T = t + 273$ T : 絶対温度[K], t : セルシウス温度[℃]
- 内部エネルギー 原子・分子間にはたらく力による位置エネルギーと熱運動の運動エネルギーの和。物体の温度が高いほど原子・分子の熱運動は激しく、内部エネルギーも大きい。
- 熱膨張 温度の上昇によって熱運動が激しくなり、体積が増加すること。

例題 54 熱運動と温度 次の文章中の空欄に適する語句を下の語群から選べ。

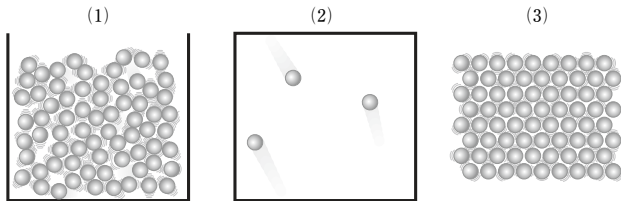
煙の微粒子や水に溶かした絵の具の微粒子を顕微鏡で観察すると、煙や絵の具の微粒子が不規則な運動をしていることがわかる。このような微粒子の運動を①という。微粒子が①をするのは、気体や液体では、分子が激しく乱雑に運動し、微粒子に不規則に衝突するからである。固体でも、原子や分子が激しく乱雑に②していることが知られている。このような原子・分子の運動を③という。③は物質の温度が④なるほど激しくなる。

[語群：振動、高く、低く、熱運動、ブラウン運動]

熱運動の激しさを表すものが温度

解答 ① ブラウン運動 ② 振動 ③ 熱運動 ④ 高く

類題 75 次の(1)~(3)の物質を構成している分子(物質によっては原子やイオン)の状態は、それぞれ固体、液体、気体のどの状態を示しているか。



例題 55 絶対温度 $t = -5℃$ は絶対温度では何Kか。また、 $T = 300 K$ は何℃か。

解答 温度の変換
 $\rightarrow T = t + 273$ を使う。 **条件** $t = -5℃$ **解答** $T = (-5 + 273)K = 268 K$
条件 $T = 300 K$ **解答** $300 = t + 273$ $t = 27℃$

類題 76 水の沸点は $100℃$ である。絶対温度では何Kか。

13 熱量の保存

まとめ①

- 熱量 $Q = C\Delta T = mc\Delta T$ Q [J]: 熱量, C [J/K]: 熱容量
 c [J/(kg·K)]: 比熱, m [kg]: 物体の質量, ΔT [K]: 温度上昇
- 熱量の保存 高温物体から出た熱量は、低温物体に入った熱量に等しい。
 $m_A c_A (t_A - t) = m_B c_B (t - t_B)$ t_A : 高温物体の温度, t_B : 低温物体の温度
 t : つり合った(熱平衡になった)ときの温度
- 潜熱 物質の状態が三態(固体・液体・気体)の間で変化するとき、物質に出入りする熱。
 融解熱…一定の圧力のもとで、固体 1 kg を融かすときの潜熱。
 蒸発熱…一定の圧力のもとで、液体 1 kg を気体にするときの潜熱。
 $Q = mL$ Q [J]: 熱量, m [kg]: 物体の質量, L [J/kg]: 1 kg あたりの潜熱
- 熱の移動のしかた
 熱伝導…分子の熱運動が周囲の分子へと伝わる。
 対流…液体や気体で、高温部分の上昇と低温部分の下降により伝わる。
 熱放射…物体が光や赤外線などの電磁波を出し、それらを吸収した物体の温度が上がる。

例題 56 比熱と熱容量 1 比熱 $c = 0.88 \times 10^3 J/(kg \cdot K)$ 、質量 $m = 0.20 kg$ のアルミニウムがある。

- このアルミニウムの熱容量 C は何 J/K か。
- $20℃$ から $70℃$ まで温度を上げるのに必要な熱量 Q は何 J か。

解答 熱容量 $\rightarrow C = mc$ **条件** $m = 0.20 kg, c = 0.88 \times 10^3 J/(kg \cdot K)$
 熱量 $\rightarrow Q = C\Delta T = mc\Delta T$ $\Delta T = 70℃ - 20℃ = 50 K$

- 解答** (1) $C = 0.20 kg \times 0.88 \times 10^3 J/(kg \cdot K) = 1.76 \times 10^2 J/K \approx 1.8 \times 10^2 J/K$
 (2) $Q = C\Delta T = 1.76 \times 10^2 J/K \times (70 - 20)K = 8.8 \times 10^3 J$

類題 77 質量 $0.10 kg$ の銅のかたまりがある。銅の比熱を $0.38 \times 10^3 J/(kg \cdot K)$ とする。熱容量は何 J/K か。また、温度を $25℃$ から $45℃$ まで上げるのに必要な熱量は何 J か。

例題 57 比熱と熱容量 2 質量 $m = 0.010 kg$ の金属球に $Q = 168 J$ の熱を加えたところ、金属球の温度が $\Delta T = 40 K$ だけ上昇した。この金属球の比熱 c は何 J/(kg·K) か。

解答 比熱 $c \rightarrow$ 得た熱量 $Q = mc\Delta T$ から求める。 **条件** $Q = 168 J, m = 0.010 kg, \Delta T = 40 K$

解答 $168 J = 0.010 kg \times c \times 40 K$ より、 $c = 0.42 \times 10^3 J/(kg \cdot K)$

類題 78 質量 $0.20 kg$ 、比熱 $0.44 \times 10^3 J/(kg \cdot K)$ の金属を加熱したところ、 $10 K$ だけ温度が上昇した。この金属に加えた熱量は何 J か。

練習問題

とくに断りのない限り、重力加速度の大きさは、 9.8 m/s^2 とする。

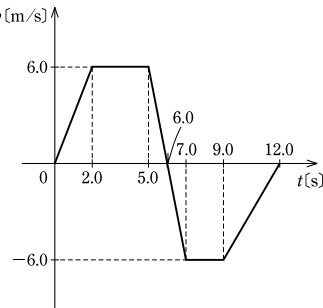
1 v-t グラフ $t=0 \text{ s}$ で $x=0 \text{ m}$ にあり、その後、右図のように速度を変えながら x 軸上を運動する物体がある。

(1) $t=1.0 \text{ s}$ での加速度 a_1 、 $t=6.0 \text{ s}$ での加速度 a_2 はいくらか。

(2) x の最大値 x_1 はいくらか。

(3) $t=12.0 \text{ s}$ での物体の位置 x_2 はいくらか。

(4) 縦軸に加速度 $a[\text{m/s}^2]$ 、横軸に時刻 $t[\text{s}]$ をとった $a-t$ グラフをかけ。



▶ 例題 11

2 等加速度直線運動 等加速度直線運動している物体が、点Aを右向きに 16.0 m/s の速さで通過して、その 6.0 s 後に左向きに 8.0 m/s の速さになった。右向きを正の向きとする。

(1) この物体の加速度を求めよ。

(2) はじめに点Aを通過して 2.0 s 後の速度はいくらか。

(3) (2)のとき、物体は点Aからどれだけ離れた点にいるか。

(4) 物体が最も右に離れるのは、はじめに点Aを通過してから何 s 後か。

(5) 物体が点Aから 14.0 m だけ右の点を通過するのは、はじめに点Aを通過してから何 s 後か。

(6) 物体が再び点Aを通過するのは、はじめに点Aを通過してから何 s 後か。

▶ 例題 9, 10, 11

3 自由落下と鉛直投げおろし 小球Aを自由落下させてから 2.0 s 後に、小球Aと同じ位置から小球Bを投げおろしたところ、Bを投げてから 1.0 s 後にAに追いついた。

(1) BがAに追いついたとき、Aははじめの位置から何 m 落下しているか。

(2) BがAに追いついたときのAの速さはいくらか。

(3) Bの初速度の大きさはいくらか。

(4) BがAに追いついたときのAから見たBの相対速度はどの向きに何 m/s か。

▶ 例題 5, 13, 14

4 鉛直投げ上げ 地面から高さ 39.2 m の屋上から、ボールを初速度の大きさ 9.8 m/s で鉛直上向きに投げ出した。ボールの位置は、投げ出した点を原点として鉛直上向きを正に y 軸をとって表す。

(1) 投げ出してから $t[\text{s}]$ 後の速度を $v[\text{m/s}]$ とするとき、 v と t の関係を式に書け。

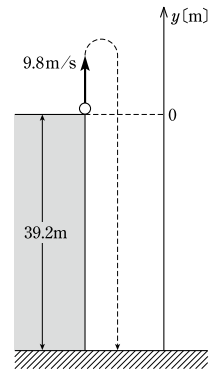
(2) 投げ出してから $t[\text{s}]$ 後の位置を $y[\text{m}]$ とするとき、 y と t の関係を式に書け。

(3) 最高点は屋上から何 m の高さか。

(4) ボールが再び屋上の高さに戻ってくるのは投げ上げてから何 s 後か。

(5) ボールが地面に達するのは投げ上げてから何 s 後か。

(6) ボールが地面に達するときの速度はいくらか。



▶ 例題 15, 16

5 力のつり合いとばね 図のように、重力の大きさがそれぞれ 2.0 N 、 3.0 N のおもり A、B を軽い糸と軽いばねでつるした。

(1) AB間の糸の張力の大きさはいくらか。

(2) ばね定数が 25 N/m のとき、ばねの自然の長さからの伸びはいくらか。

▶ 例題 17, 18

